

鈴鹿工業高等専門学校		開講年度	令和06年度 (2024年度)		授業科目	微分積分Ⅱ
科目基礎情報						
科目番号	0058		科目区分	一般 / 必修		
授業形態	授業		単位の種別と単位数	履修単位: 4		
開設学科	材料工学科		対象学年	3		
開設期	通年		週時間数	4		
教科書/教材	教科書：微分積分（数理工学社），問題集：微分積分問題集（数理工学社）ドリルと演習シリーズ微分積分（電気書院），参考書：スチュワート微分積分学（東京化学同人）					
担当教員	川本 正治					
到達目標						
1変数および2変数関数の微分積分法に関する基礎的概念・計算方法を習得し、関数の挙動の把握や求積問題、2変数関数の偏微分法や2重積分、微分方程式等の重要な問題に対して、様々な定理や計算方法を応用することができる。						
ルーブリック						
	理想的な到達レベルの目安		標準的な到達レベルの目安		未到達レベルの目安	
評価項目1	微分積分Ⅰで学習した微分・積分に関する応用的な問題を解くことができる。		微分積分Ⅰで学習した微分・積分に関する基本的な問題を解くことができる。		微分積分Ⅰで学習した微分・積分に関する基本的な問題を解くことができない。	
評価項目2	多変数関数の偏微分・全微分概念を理解し、関連する応用的な問題を解くことができる。		多変数関数の偏微分・全微分概念を理解し、関連する基本的な問題を解くことができる。		偏微分・全微分考え方を理解しておらず、関連する基本的な問題を解くことができない。	
評価項目3	関数のテイラー展開および近似値等へのその応用に関する発展的な問題を解くことができる。		関数のテイラー展開および近似値等へのその応用に関する基本的な問題を解くことができる。		関数のテイラー展開および近似値等へのその応用に関する基本的な問題を解くことができない。	
評価項目4	2重積分に関する応用的な問題を解くことができる。		2重積分に関する基本的な問題を解くことができる。		2重積分に関する基本的な問題を解くことができない。	
評価項目5	1階および2階の微分方程式の応用的な問題を解くことができる。		1階および2階の微分方程式の基本的な問題を解くことができる。		1階および2階の微分方程式の基本的な問題を解くことができない。	
学科の到達目標項目との関係						
教育方法等						
概要	微分積分学は自然科学や工学の学習の根幹をなす重要な学問である。まず微分積分Ⅰの内容に引き続き、1変数の2回導関数・高階導関数を利用した様々な応用について学び、さらに積分についても発展的な内容を扱う。また多変数の微分積分法について、偏微分、全微分、重積分などの基礎的な考え方と応用について学習する。					
授業の進め方・方法	すべての内容は、学習・教育目標(B)〈基礎〉に対応する。演習の時間はグループ学習により授業を進める。					
注意点	＜到達目標の評価方法と基準＞ 下記授業計画の「到達目標」の習得の度合を、前期中間試験、前期末試験、後期中間試験、学年末試験及びグループ学習課題や個人に課す確認テスト・課題により評価する。各到達目標の重みは概ね均等とする。評価結果において100点法で60点以上の成績を取得したとき目標を達成したとする。 ＜学業成績の評価方法および評価基準＞ 前期中間・前期末・後期中間・学年末の試験結果を70%、学習課題小テストの成績を30%として、それぞれの期間毎に評価し、これらの平均値を最終評価とする。ただし、前期中間・前期末・後期中間の各試験で60点に達していない者には再試験を課し、再試験の成績が定期試験の成績を上回った場合には、60点を上限としてそれぞれの試験の成績を再試験の成績に置き換えるものとする。 ＜単位修得要件＞ 学業成績で60点以上を取得すること。 ＜あらかじめ要求される基礎知識の範囲＞ 基礎数学A・B、微分積分Ⅰ、線形代数Ⅰで学習した全ての内容の修得が必要である。 ＜課題＞ 長期休業中に個人に対する課題を課す。 ＜備考＞ 毎週配布する予習課題を利用し授業までに予習を確実に実施すること。授業中に終わらなかった課題等は教科書で調べる、教員に質問するなどして、しっかり復習してから次の授業に臨むこと。					
授業の属性・履修上の区分						
☐ アクティブラーニング		☐ ICT 利用		☐ 遠隔授業対応		☐ 実務経験のある教員による授業
授業計画						
		週	授業内容		週ごとの到達目標	
前期	1stQ	1週	高次導関数		1. 微分積分Ⅰで既習の初等関数を微分でき、第n次導関数もライプニッツの公式を使うなどして求めることができる。	
		2週	媒介変数表示された曲線が囲む図形とそれに関する求積、コーシーの平均値の定理		2. 媒介変数表示された曲線の微分と積分の計算が確実に出来る。	
		3週	不定形の極限、ロピタルの定理		3. ロピタルの定理について理解し、不定形の極限の計算に利用できる。	
		4週	一次近似、2次近似、多項式による近似		4. テイラーの定理の意味と近似式への応用を理解し、計算ができる。	
		5週	マクローリン・テイラーの定理		4.	
		6週	ベキ級数、マクローリン・テイラー展開		5. 級数の収束・発散について理解し、初等関数のマクローリン展開を利用できる。	
		7週	オイラーの公式		6. オイラーの公式を理解し、計算に利用できる。	
		8週	中間試験		上記1. ～6.	
	2ndQ	9週	二変数関数とその連続性		7. 二変数関数の定義域やグラフについて理解し、その極限値の計算ができる。	
		10週	偏微分係数と偏導関数		8. 2変数関数の偏微分係数・導関数の概念を理解し、高次偏導関数の計算ができる。	
		11週	全微分可能性と接平面、全微分		9. 2変数関数の合成関数や全微分を理解し、応用もできる。	
		12週	合成関数の偏微分、高次偏導関数		9.	

後期		13週	2変数関数の極値の定義と必要条件，十分条件．	1 0．2 変数関数の極値を理解し，Hessianを利用して極致を求めることができる．
		14週	陰関数定理、接線・法線への応用．	1 1．陰関数定理，Lagrange の乗数法を理解し，条件付き極値の計算ができる．
		15週	条件付き極値問題	1 1．
		16週		
	3rdQ	1週	極座標で描かれる図形と関連する求積	12．極座標と極方程式で描かれる図形を理解し，面積や長さ等を求めることができる．
		2週	広義積分	1 3．広義積分について理解し，基本的な計算ができる．
		3週	長方形領域での重積分の定義と性質，累次積分．	1 4．重積分の定義と意味を理解し，重積分を累次積分を利用して計算できる．
		4週	一般領域での重積分と累次積分	1 4．
		5週	累次積分の順序変更	1 5．積分順序の変更を利用できる．
		6週	体積への利用	1 6．重積分を用いて体積の計算ができる．
		7週	変数変換と Jacobian，極座標．	1 7．極座標等の変数変換を用いた重積分を理解し，基本的な計算ができる．
		8週	中間試験	上記 1 2．～1 7．
	4thQ	9週	微分方程式とその一般解・特殊解の定義と例	1 8．微分方程式を導いたり，一般解や特殊解等の基本概念を理解している．
		10週	変数分離形・同次形	1 9．変数分離形や同次形の微分方程式が解ける．
		11週	一階線形微分方程式（定数変化法）	2 0．1 階線形微分方程式が解ける．
		12週	二階常微分方程式（階数低下法）	2 1．2 階微分方程式を1 階の微分方程式に帰着して解くことができる．
		13週	斉次2階定数係数微分方程式	2 2．定数係数斉次2 階線形微分方程式が解ける．
		14週	非斉次2階定数係数微分方程式	2 3．特殊解を用いて非斉次線形微分方程式が解ける．
		15週	Wronskianを用いた特殊解の求め方．	2 3．
		16週		

モデルコアカリキュラムの学習内容と到達目標

分類		分野	学習内容	学習内容の到達目標	到達レベル	授業週
基礎的能力	数学	数学	数学	整式の加減乗除の計算や、式の展開ができる。	3	
				因数定理等を利用して、4次までの簡単な整式の因数分解ができる。	3	
				分数式の加減乗除の計算ができる。	3	
				実数・絶対値の意味を理解し、絶対値の簡単な計算ができる。	3	
				平方根の基本的な計算ができる(分母の有理化も含む)。	3	
				複素数の相等を理解し、その加減乗除の計算ができる。	3	
				解の公式等を利用して、2次方程式を解くことができる。	3	
				因数定理等を利用して、基本的な高次方程式を解くことができる。	3	
				簡単な連立方程式を解くことができる。	3	
				無理方程式・分数方程式を解くことができる。	3	
				1次不等式や2次不等式を解くことができる。	3	
				恒等式と方程式の違いを区別できる。	3	
				2次関数の性質を理解し、グラフをかくことができ、最大値・最小値を求めることができる。	3	
				分数関数や無理関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。	3	
				簡単な場合について、関数の逆関数を求め、そのグラフをかくことができる。	3	
				累乗根の意味を理解し、指数法則を拡張し、計算に利用することができる。	3	
				指数関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。	3	
				指数関数を含む簡単な方程式を解くことができる。	3	
				対数の意味を理解し、対数を利用した計算ができる。	3	
				対数関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。	3	
				対数関数を含む簡単な方程式を解くことができる。	3	
				角を弧度法で表現することができる。	3	
				三角関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。	3	
				加法定理および加法定理から導出される公式等を使うことができる。	3	
				三角関数を含む簡単な方程式を解くことができる。	3	
				三角比を理解し、簡単な場合について、三角比を求めることができる。	3	
				一般角の三角関数の値を求めることができる。	3	
				2点間の距離を求めることができる。	3	
				内分点の座標を求めることができる。	3	
				2つの直線の平行・垂直条件を利用して、直線の方程式を求めることができる。	3	

			簡単な場合について、円の方程式を求めることができる。	3	
			放物線、楕円、双曲線の図形的な性質の違いを区別できる。	3	
			簡単な場合について、不等式の表す領域を求めたり領域を不等式で表すことができる。	3	
			積の法則と和の法則を利用して、簡単な事象の場合の数を数えることができる。	3	
			簡単な場合について、順列と組合せの計算ができる。	3	
			等差数列・等比数列の一般項やその和を求めることができる。	3	
			総和記号を用いた簡単な数列の和を求めることができる。	3	
			不定形を含むいろいろな数列の極限を求めることができる。	3	
			無限等比級数等の簡単な級数の収束・発散を調べ、その和を求めることができる。	3	
			ベクトルの定義を理解し、ベクトルの基本的な計算(和・差・定数倍)ができ、大きさを求めることができる。	3	
			平面および空間ベクトルの成分表示ができ、成分表示を利用して簡単な計算ができる。	3	
			平面および空間ベクトルの内積を求めることができる。	3	
			問題を解くために、ベクトルの平行・垂直条件を利用することができる。	3	
			空間内の直線・平面・球の方程式を求めることができる(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。	3	
			行列の定義を理解し、行列の和・差・スカラーとの積、行列の積を求めることができる。	3	
			逆行列の定義を理解し、2次の正方行列の逆行列を求めることができる。	3	
			行列式の定義および性質を理解し、基本的な行列式の値を求めることができる。	3	
			線形変換の定義を理解し、線形変換を表す行列を求めることができる。	3	
			合成変換や逆変換を表す行列を求めることができる。	3	
			平面内の回転に対応する線形変換を表す行列を求めることができる。	3	
			簡単な場合について、関数の極限を求めることができる。	3	
			微分係数の意味や、導関数の定義を理解し、導関数を求めることができる。	3	
			積・商の導関数の公式を用いて、導関数を求めることができる。	3	
			合成関数の導関数を求めることができる。	3	
			三角関数・指数関数・対数関数の導関数を求めることができる。	3	
			逆三角関数を理解し、逆三角関数の導関数を求めることができる。	3	
			関数の増減表を書いて、極値を求め、グラフの概形をかくことができる。	3	
			極値を利用して、関数の最大値・最小値を求めることができる。	3	
			簡単な場合について、関数の接線の方程式を求めることができる。	3	
			2次の導関数を利用して、グラフの凹凸を調べることができる。	3	
			関数の媒介変数表示を理解し、媒介変数を利用して、その導関数を求めることができる。	3	
			不定積分の定義を理解し、簡単な不定積分を求めることができる。	3	
			置換積分および部分積分を用いて、不定積分や定積分を求めることができる。	3	
			定積分の定義と微積分の基本定理を理解し、簡単な定積分を求めることができる。	3	
			分数関数・無理関数・三角関数・指数関数・対数関数の不定積分・定積分を求めることができる。	3	
			簡単な場合について、曲線で囲まれた図形の面積を定積分で求めることができる。	3	
			簡単な場合について、曲線の長さを定積分で求めることができる。	3	
			簡単な場合について、立体の体積を定積分で求めることができる。	3	
			2変数関数の定義域を理解し、不等式やグラフで表すことができる。	3	
			合成関数の偏微分法を利用して、偏導関数を求めることができる。	3	
			簡単な関数について、2次までの偏導関数を求めることができる。	3	
			偏導関数を用いて、基本的な2変数関数の極値を求めることができる。	3	
			2重積分の定義を理解し、簡単な2重積分を累次積分に直して求めることができる。	3	
			極座標に変換することによって2重積分を求めることができる。	3	

				2重積分を用いて、簡単な立体の体積を求めることができる。	3	
				簡単な1変数関数の局所的な1次近似式を求めることができる。	3	
				1変数関数のテイラー展開を理解し、基本的な関数のマクローリン展開を求めることができる。	3	
				オイラーの公式を用いて、複素数変数の指数関数の簡単な計算ができる。	3	
評価割合						
			試験	課題・小テスト	合計	
総合評価割合			70	30	100	
配点			70	30	100	