

|            |                                                                               |                |         |          |
|------------|-------------------------------------------------------------------------------|----------------|---------|----------|
| 秋田工業高等専門学校 | 開講年度                                                                          | 令和02年度(2020年度) | 授業科目    | 数学ⅡA(2E) |
| 科目基礎情報     |                                                                               |                |         |          |
| 科目番号       | 0024                                                                          | 科目区分           | 一般 / 必修 |          |
| 授業形態       | 授業                                                                            | 単位の種別と単位数      | 履修単位: 4 |          |
| 開設学科       | 一般教科(自然科学系)                                                                   | 対象学年           | 2       |          |
| 開設期        | 通年                                                                            | 週時間数           | 4       |          |
| 教科書/教材     | 新 微分積分 I (高遠節夫ほか5名著・大日本図書), 問題集: 秋田高専 新 数学問題集2 (秋田高専数学科編), その他<br>: 自製プリントの配布 |                |         |          |
| 担当教員       | 佐藤 貴紀                                                                         |                |         |          |

### 到達目標

- 関数の極限を求めることができる
- 公式を利用して、導関数や微分係数を求めることができる
- 関数の増減表を用いて極限値・凹凸を求め、グラフの概形を描くことができる
- 関数の定積分・不定積分を求めることができる
- 定積分を利用して、面積・曲線の長さ・回転体の体積を求めることができる
- 広義積分の値を求めることができる

### ルーブリック

|       | 理想的な到達レベルの目安                                            | 標準的な到達レベルの目安                                                 | 未到達レベルの目安  |
|-------|---------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------|------------|
| 評価項目1 | 定義に従って、いろいろな関数の導関数や微分係数を求めることができる                       | 与えられた関数の極限値を求めることができる                                        | 左記のことができない |
| 評価項目2 | 複数の公式を利用して、複雑な関数の導関数を求め、分かりやすい形に変形することができる              | 複数の公式を利用して、基本的な関数の導関数や微分係数を求めることができる                         | 左記のことができない |
| 評価項目3 | 与えられた関数の増減と微分係数の関係を述べることができ、漸近線の存在などを調べて精細なグラフを描くことができる | 与えられた関数の増減表を書くことができ、極限値・凹凸などの情報からグラフの概形を描くことができる             | 左記のことができない |
| 評価項目4 | 手順が複雑な定積分や不定積分の証明をすることができる                              | 定義に従って、基本的な関数の定積分を求めることができる<br>公式を利用して、関数の定積分や不定積分を求めることができる | 左記のことができない |
| 評価項目5 | 媒介変数表示や極座標表示の面積・曲線の長さなどを求めることができる                       | 定積分を利用して、面積・曲線の長さ・回転体の体積を求めることができる                           | 左記のことができない |
| 評価項目6 | 広義積分に関する応用的な問題を解くことができる                                 | 広義積分に関する基本的な問題を解くことができる                                      | 左記のことができない |

### 学科の到達目標項目との関係

#### 教育方法等

|           |                                                                                                                                                                                                                                                      |
|-----------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 概要        | 微分積分の基本的な計算力を修得し、工学に応用できるような考え方を身につける。                                                                                                                                                                                                               |
| 授業の進め方・方法 | 講義形式で行い、適宜演習も行う。また、小テストやレポート課題なども実施する。                                                                                                                                                                                                               |
| 注意点       | 合格点は50点である。<br>中間の成績は試験100%, 期末の成績は試験結果を70%, 小テストとレポートなどを30%で評価する。<br>特に、レポートの未提出者は単位取得が困難となるので注意すること。<br>学年総合評価 = (前期中間試験 + 前期末試験 + 後期中間試験 + 後期末試験) / 4 × 0.7 + (小テストとレポートなど) × 0.3<br>(講義を受ける前) 毎回の予習を欠かさないこと。<br>(講義を受けた後) 問題集などをを利用して、復習を徹底すること。 |

#### 授業計画

|    | 週          | 授業内容                          | 週ごとの到達目標                                                                  |
|----|------------|-------------------------------|---------------------------------------------------------------------------|
| 前期 | 1週         | 授業ガイダンス<br>関数の極限              | 授業の進め方と評価の仕方にについて説明する<br>関数の極限値を求めることができる                                 |
|    | 2週         | 微分係数と導関数の定義<br>導関数の性質1        | 微分係数と導関数を定義に従って求めることができる<br>積や分数の形の関数の導関数を求めることができる                       |
|    | 3週         | 導関数の性質2<br>三角関数の極限と導関数        | 有理数乗や $f(ax+b)$ の形の関数の導関数を求めることができる<br>三角関数の極限値を求めることができ、三角関数を微分することができる  |
|    | 4週         | 自然対数の底1と指數関数の導関数<br>自然対数の底2   | 自然対数の底の定義を述べることができ、指數関数を微分することができる<br>自然対数の底の極限値を求めることができる                |
|    | 5週         | 合成関数の導関数<br>対数関数の導関数<br>対数微分法 | 合成関数の導関数を求めることができる<br>対数関数の導関数を求めることができる<br>対数微分法を利用して導関数を求めることができる       |
|    | 6週         | 逆三角関数<br>逆三角関数の導関数            | 逆三角関数の値を求めることができる<br>逆三角関数の導関数を求めることができる                                  |
|    | 7週         | 関数の連続<br>演習1                  | 関数が指定された点で連続かどうか判断することができます<br>到達度試験の範囲の内容の理解度を確認することができます                |
|    | 8週         | 演習2<br>到達度試験(前期中間)            | 到達度試験の範囲の内容の理解度を確認することができます<br>上記項目について学習した内容の理解度を授業の中で確認する               |
|    | 2ndQ<br>9週 | 試験の解説と解答<br>中間値の定理<br>接線と法線   | 到達度試験(前期中間)の解説と解答<br>与えられた区間に内実数解を持つことを証明することができます<br>接線・法線の方程式を求めることができる |

|      |    |     |                                   |                                                                    |
|------|----|-----|-----------------------------------|--------------------------------------------------------------------|
|      | 後期 | 10週 | 関数の増減<br>極大と極小                    | 増減表を書くことができ、関数の増減を調べることができ<br>る<br>増減表から、関数の極値を求める能够               |
|      |    | 11週 | 関数の最大・最小<br>不定形の極限                | 増減表から、関数の最大・最小を求める能够<br>不定形の極限値を求める能够                              |
|      |    | 12週 | 高次導関数<br>関数の凹凸1                   | 高次導関数を求める能够<br>2次の導関数を利用して増減表を書くことができ、関数<br>の凹凸を調べる能够              |
|      |    | 13週 | 関数の凹凸2<br>媒介変数表示の関数               | 増減表から、凹凸も考慮したグラフの概形を描くこと<br>ができる<br>媒介変数表示による関数の概形を描くことができる        |
|      |    | 14週 | 媒介変数表示と微分法<br>平均値の定理              | 媒介変数表示による関数を微分する能够<br>平均値の定理・コーシーの平均値の定理・ロピタルの<br>定理を述べる能够         |
|      |    | 15週 | 演習1<br>演習2                        | 到達度試験の範囲の内容の理解度を確認する能够                                             |
|      |    | 16週 | 到達度試験（前期末）<br>試験の解説と解答            | 上記項目について学習した内容の理解度を授業の中で<br>確認する<br>到達度試験の解説と解答、および授業アンケート         |
|      |    | 1週  | 不定積分の定義<br>不定積分の性質                | 不定積分の定義を述べる能够、公式を利用して<br>不定積分を求める能够<br>不定積分の性質を利用して、不定積分を求める能够     |
| 3rdQ | 後期 | 2週  | 定積分の定義<br>定積分の性質                  | 定積分の定義を述べる能够、定義に従って定積<br>分の値を求める能够<br>定積分の性質を利用して定積分の値を求める能够       |
|      |    | 3週  | 微分積分法の基本定理<br>定積分の計算1             | 微分積分法の基本定理を述べる能够<br>簡単な定積分の値を求める能够                                 |
|      |    | 4週  | 定積分の計算2<br>いろいろな不定積分の公式           | いろいろな定積分の値を求める能够<br>いろいろな不定積分の公式を使って不定積分の値を求<br>める能够               |
|      |    | 5週  | 不定積分の置換積分法<br>定積分の置換積分法           | 不定積分の置換積分法を使って不定積分を求める能够<br>定積分の置換積分法を使って定積分の値を求める能够               |
|      |    | 6週  | 不定積分の部分積分法<br>定積分の部分積分法           | 不定積分の部分積分法を使って不定積分を求める能够<br>定積分の部分積分法を使って定積分の値を求める能够               |
|      |    | 7週  | 置換積分法・部分積分法の応用<br>演習              | 置換積分法・部分積分法を使っていろいろな定積分の<br>値や不定積分を求める能够<br>到達度試験の範囲の内容の理解度を確認する能够 |
|      |    | 8週  | 到達度試験（後期中間）<br>試験の解説と解答           | 上記項目について学習した内容の理解度を授業の中で<br>確認する<br>到達度試験の解説と解答                    |
|      |    | 9週  | 分数関数の積分<br>無理関数の積分                | 分数関数の不定積分を求める能够<br>無理関数の定積分の値を求める能够                                |
| 4thQ | 後期 | 10週 | 三角関数の積分1<br>三角関数の積分2              | 加法定理を利用して、定積分の値や不定積分を求める<br>能够<br>三角関数の壘乗の定積分の値を求める能够              |
|      |    | 11週 | 図形の面積<br>曲線の長さ                    | 積分を利用して図形の面積を求める能够<br>積分を利用して曲線の長さを求める能够                           |
|      |    | 12週 | 立体の体積<br>媒介変数表示による図形の面積           | 積分を利用して、立体の体積を求める能够<br>媒介変数表示による図形の面積を求める能够                        |
|      |    | 13週 | 媒介変数表示による曲線の長さ・回転体の体積<br>極座標による図形 | 媒介変数表示による曲線の長さや回転体の体積を求<br>める能够<br>極座標で表された関数の図形を描く能够              |
|      |    | 14週 | 極座標による図形の面積と長さ<br>広義積分            | 極座標による図形の面積と長さを求める能够<br>広義積分の値を求める能够                               |
|      |    | 15週 | 演習1<br>演習2                        | 到達度試験の範囲の内容の理解度を確認する能够                                             |
|      |    | 16週 | 到達度試験（後期末）<br>試験の解説と解答            | 上記項目について学習した内容の理解度を授業の中で<br>確認する<br>到達度試験の解説と解答、および授業アンケート         |

### モデルコアカリキュラムの学習内容と到達目標

| 分類    | 分野 | 学習内容 | 学習内容の到達目標                           | 到達レベル | 授業週 |
|-------|----|------|-------------------------------------|-------|-----|
| 基礎的能力 | 数学 | 数学   | 整式の加減乗除の計算や、式の展開ができる。               | 3     |     |
|       |    |      | 因数定理等を利用して、4次までの簡単な整式の因数分解ができる。     | 3     | 後9  |
|       |    |      | 分数式の加減乗除の計算ができる。                    | 3     | 後9  |
|       |    |      | 平方根の基本的な計算ができる(分母の有理化も含む)。          | 3     | 前3  |
|       |    |      | 分数関数や無理関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。      | 3     | 前1  |
|       |    |      | 簡単な場合について、関数の逆関数を求め、そのグラフをかくことができる。 | 3     | 前6  |
|       |    |      | 累乗根の意味を理解し、指数法則を拡張し、計算に利用することができる。  | 3     | 前3  |

|  |  |  |                                               |   |              |
|--|--|--|-----------------------------------------------|---|--------------|
|  |  |  | 指数関数を含む簡単な方程式を解くことができる。                       | 3 | 前11          |
|  |  |  | 対数の意味を理解し、対数を利用した計算ができる。                      | 3 | 前5           |
|  |  |  | 対数関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。                     | 3 | 前5           |
|  |  |  | 加法定理および加法定理から導出される公式等を使うことができる。               | 3 | 後10          |
|  |  |  | 三角比を理解し、簡単な場合について、三角比を求めることができる。              | 3 | 後10          |
|  |  |  | 一般角の三角関数の値を求めることができる。                         | 3 | 後10          |
|  |  |  | 2つの直線の平行・垂直条件を利用して、直線の方程式を求めることができる。          | 3 | 前9           |
|  |  |  | 不定形を含むいろいろな数列の極限を求めることができる。                   | 2 |              |
|  |  |  | 簡単な場合について、関数の極限を求めることができる。                    | 2 | 前1,前2        |
|  |  |  | 微分係数の意味や、導関数の定義を理解し、導関数を求めることができます。           | 2 | 前2           |
|  |  |  | 積・商の導関数の公式を用いて、導関数を求めることができます。                | 2 | 前3           |
|  |  |  | 合成関数の導関数を求めることができます。                          | 2 | 前5           |
|  |  |  | 三角関数・指数関数・対数関数の導関数を求めることができます。                | 2 | 前3,前4,前5     |
|  |  |  | 逆三角関数を理解し、逆三角関数の導関数を求めることができます。               | 2 | 前6           |
|  |  |  | 関数の増減表を書いて、極値を求め、グラフの概形をかくことができます。            | 2 | 前10,前11      |
|  |  |  | 極値を利用して、関数の最大値・最小値を求めることができます。                | 2 | 前11          |
|  |  |  | 簡単な場合について、関数の接線の方程式を求めることができます。               | 2 | 前9           |
|  |  |  | 2次の導関数を利用して、グラフの凹凸を調べることができます。                | 2 | 前12,前13      |
|  |  |  | 関数の媒介変数表示を理解し、媒介変数を利用して、その導関数を求めることができます。     | 2 | 前14          |
|  |  |  | 不定積分の定義を理解し、簡単な不定積分を求めることができます。               | 2 | 後1,後2        |
|  |  |  | 置換積分および部分積分を用いて、不定積分や定積分を求めることができます。          | 2 | 後5,後6        |
|  |  |  | 定積分の定義と微積分の基本定理を理解し、簡単な定積分を求めることができます。        | 2 | 後3           |
|  |  |  | 分数関数・無理関数・三角関数・指数関数・対数関数の不定積分・定積分を求めることができます。 | 2 | 後3,後4,後9,後10 |
|  |  |  | 簡単な場合について、曲線で囲まれた図形の面積を定積分で求めることができます。        | 2 | 後11          |
|  |  |  | 簡単な場合について、曲線の長さを定積分で求めることができます。               | 2 | 後11          |
|  |  |  | 簡単な場合について、立体の体積を定積分で求めることができます。               | 2 | 後12          |

#### 評価割合

|         | 到達度試験 | レポート・小テスト | その他 | 合計  |
|---------|-------|-----------|-----|-----|
| 総合評価割合  | 70    | 30        | 0   | 100 |
| 基礎的能力   | 70    | 30        | 0   | 100 |
| 専門的能力   | 0     | 0         | 0   | 0   |
| 分野横断的能力 | 0     | 0         | 0   | 0   |