

| 福井工業高等専門学校   | 開講年度  | 平成30年度(2018年度)    | 授業科目                               | 数学特講                    |     |
|--|---|-------------------|------------------------------------|-------------------------|-----|
| 科目基礎情報   |   |                   |                                    |                         |     |
| 科目番号   | 0149  | 科目区分              | 一般 / 選択                            |                         |     |
| 授業形態   | 講義  | 単位の種別と単位数         | 履修単位: 1                            |                         |     |
| 開設学科   | 機械工学科   | 対象学年              | 5                                  |                         |     |
| 開設期  | 後期  | 週時間数              | 2                                  |                         |     |
| 教科書/教材   | 参考文献: 対称性からの群論入門  |                   |                                    |                         |     |
| 担当教員   | 井之上 和代  |                   |                                    |                         |     |
| 到達目標   |   |                   |                                    |                         |     |
| 数理科学の手法としての数学的な扱いについて理解を進めること。<br>群の定義や概念を正多面体群を通じて理解すること。 |   |                   |                                    |                         |     |
| ループリック   |   |                   |                                    |                         |     |
|  | 理想的な到達レベルの目安  | 標準的な到達レベルの目安      | 未到達レベルの目安                          |                         |     |
| 評価項目1  | 技術を支える数学について知り、応用できる  | 技術を支える数学について知っている | 技術を支える数学について知らない                   |                         |     |
| 評価項目2  | 群の定義を理解し、演算が定義されている集合が群であるかどうかを判定できる  | 群の定義について理解している    | 群の定義について理解していない                    |                         |     |
| 学科の到達目標項目との関係  |   |                   |                                    |                         |     |
| 学習・教育到達度目標 RB1<br>JABEE JB1                                |   |                   |                                    |                         |     |
| 教育方法等  |   |                   |                                    |                         |     |
| 概要   | 前半は、科学技術を支える数学についての講義を行い、その数学的な基礎を学習する。これは、長岡技術科学大学アドバンストコース協働科目Ⅰ「技術を支える数学」の一部となっている。<br>後半は、群論入門として、群の定義を学び、正多面体群を調べ、群についての基本的な概念を習得する。          |                   |                                    |                         |     |
| 授業の進め方・方法  | 前半は、講義と質疑応答の形式で進めていく。毎回、感想や課題を課す。<br>後半の授業は、プリント等を用いた講義と演習を行う。例題や練習問題も適宜解いていく。特に実際に正多面体を製作してその回転対称性を考え、群を理解していく。適宜、グラフ電卓や数式処理ソフトウェアを活用する。         |                   |                                    |                         |     |
| 注意点  | 100点満点で評価する。(前半と後半の合計)<br>第1週から第7週を前半とし、毎回の課題や感想の提出状況と内容から60点を満点とする。<br>第8週以降を後半とし、毎回の課題の提出状況と内容から40点を満点とする。<br>前半と後半の合計点から、追加課題を課すことがあるので注意すること。 |                   |                                    |                         |     |
| 授業計画   |   |                   |                                    |                         |     |
|  |   | 週                 | 授業内容                               | 週ごとの到達目標                |     |
| 後期   | 3rdQ  | 1週                | ガイダンス、技術を支える数学<br>数学的解析による待ち行列特性評価 | 技術を支えている数学について知る。       |     |
|  |   | 2週                | 方程式で地震の揺れが抑えられる?                   | 技術を支えている数学について知る。       |     |
|  |   | 3週                | 物体の力と変形の関係を数式で表そう!                 | 技術を支えている数学について知る。       |     |
|  |   | 4週                | なぜ低気圧は小さくて強いのか                     | 技術を支えている数学について知る。       |     |
|  |   | 5週                | なぜ低気圧は小さくて強いのか                     | 技術を支えている数学について知る。       |     |
|  |   | 6週                | 自然現象の数値計算を発散させずに安定に解くためには!?        | 技術を支えている数学について知る。       |     |
|  |   | 7週                | 情報を探索するための数学的アプローチ                 | 技術を支えている数学について知る        |     |
|  |   | 8週                | 中間試験(まとめ)                          |                         |     |
|  | 4thQ  | 9週                | 群の定義と例                             | 群の定義を理解し、例が群となるかを判定できる  |     |
|  |   | 10週               | 群の基本的概念                            | 群の性質について理解する            |     |
|  |   | 11週               | 2面体の対称性                            | 対称性の定義を理解する             |     |
|  |   | 12週               | 2面体群                               | 2面体の対称性の集合が群であることを理解する  |     |
|  |   | 13週               | 正多面体群1                             | 正多面体の対称性を理解する           |     |
|  |   | 14週               | 正多面体群2                             | 正多面体の対称性の集合が群であることを理解する |     |
|  |   | 15週               | 学習のまとめ                             | 学習のまとめ                  |     |
|  |   | 16週               |                                    |                         |     |
| モデルコアカリキュラムの学習内容と到達目標                                      |   |                   |                                    |                         |     |
| 分類   | 分野  | 学習内容              | 学習内容の到達目標                          | 到達レベル                   | 授業週 |
| 基礎的能力  | 数学  | 数学                | 整式の加減乗除の計算や、式の展開ができる。              | 3                       |     |
|  |   |                   | 因数定理等を利用して、4次までの簡単な整式の因数分解ができる。    | 3                       |     |
|  |   |                   | 分数式の加減乗除の計算ができる。                   | 3                       |     |
|  |   |                   | 実数・絶対値の意味を理解し、絶対値の簡単な計算ができる。       | 3                       |     |
|  |   |                   | 平方根の基本的な計算ができる(分母の有理化も含む)。         | 3                       |     |
|  |   |                   | 複素数の相等を理解し、その加減乗除の計算ができる。          | 3                       |     |
|  |   |                   | 解の公式等を利用して、2次方程式を解くことができる。         | 3                       |     |
|  |   |                   | 因数定理等を利用して、基本的な高次方程式を解くことができる。     | 3                       |     |
|  |   |                   | 簡単な連立方程式を解くことができる。                 | 3                       |     |
|  |   |                   | 無理方程式・分数方程式を解くことができる。              | 3                       |     |
|  |   |                   | 1次不等式や2次不等式を解くことができる。              | 3                       |     |
|  |   |                   | 恒等式と方程式の違いを区別できる。                  | 3                       |     |

|  |  |  |  |   |  |
|--|--|--|--|---|--|
|  |  |  | 2次関数の性質を理解し、グラフをかくことができ、最大値・最小値を求めることができる。         | 3 |  |
|  |  |  | 分数関数や無理関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。                     | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、関数の逆関数を求め、そのグラフをかくことができる。                | 3 |  |
|  |  |  | 累乗根の意味を理解し、指数法則を拡張し、計算に利用することができる。                 | 3 |  |
|  |  |  | 指数関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。                          | 3 |  |
|  |  |  | 指数関数を含む簡単な方程式を解くことができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 対数の意味を理解し、対数を利用した計算ができる。                           | 3 |  |
|  |  |  | 対数関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。                          | 3 |  |
|  |  |  | 対数関数を含む簡単な方程式を解くことができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 角を弧度法で表現することができる。                                  | 3 |  |
|  |  |  | 三角関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。                          | 3 |  |
|  |  |  | 加法定理および加法定理から導出される公式等を使うことができる。                    | 3 |  |
|  |  |  | 三角関数を含む簡単な方程式を解くことができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 2点間の距離を求めることができる。                                  | 3 |  |
|  |  |  | 内分点の座標を求めることができる。                                  | 3 |  |
|  |  |  | 2つの直線の平行・垂直条件を利用して、直線の方程式を求めることができる。               | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、円の方程式を求めることができる。                         | 3 |  |
|  |  |  | 積の法則と和の法則を利用して、簡単な事象の場合の数を数えることができる。               | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、順列と組合せの計算ができる。                           | 3 |  |
|  |  |  | 等差数列・等比数列の一般項やその和を求めることができる。                       | 3 |  |
|  |  |  | 総和記号を用いた簡単な数列の和を求めることができる。                         | 3 |  |
|  |  |  | 不定形を含むいろいろな数列の極限を求めることができる。                        | 3 |  |
|  |  |  | 無限等比級数等の簡単な級数の収束・発散を調べ、その和を求めることができる。              | 3 |  |
|  |  |  | ベクトルの定義を理解し、ベクトルの基本的な計算(和・差・定数倍)ができ、大きさを求めることができる。 | 3 |  |
|  |  |  | 平面および空間ベクトルの成分表示ができ、成分表示を利用して簡単な計算ができる。            | 3 |  |
|  |  |  | 平面および空間ベクトルの内積を求めることができる。                          | 3 |  |
|  |  |  | 問題を解くために、ベクトルの平行・垂直条件を利用することができる。                  | 3 |  |
|  |  |  | 空間内の直線・平面・球の方程式を求める能够(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。           | 3 |  |
|  |  |  | 行列の定義を理解し、行列の和・差・スカラーとの積、行列の積を求めることができる。           | 3 |  |
|  |  |  | 逆行列の定義を理解し、2次の正方行列の逆行列を求める能够。                      | 3 |  |
|  |  |  | 行列式の定義および性質を理解し、基本的な行列式の値を求める能够。                   | 3 |  |
|  |  |  | 線形変換の定義を理解し、線形変換を表す行列を求める能够。                       | 3 |  |
|  |  |  | 合成変換や逆変換を表す行列を求める能够。                               | 3 |  |
|  |  |  | 平面内の回転に対応する線形変換を表す行列を求める能够。                        | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、関数の極限を求める能够。                             | 3 |  |
|  |  |  | 微分係数の意味や、導関数の定義を理解し、導関数を求める能够。                     | 3 |  |
|  |  |  | 積・商の導関数の公式を用いて、導関数を求める能够。                          | 3 |  |
|  |  |  | 合成関数の導関数を求める能够。                                    | 3 |  |
|  |  |  | 三角関数・指数関数・対数関数の導関数を求める能够。                          | 3 |  |
|  |  |  | 逆三角関数を理解し、逆三角関数の導関数を求める能够。                         | 3 |  |
|  |  |  | 関数の増減表を書いて、極値を求め、グラフの概形をかく能够。                      | 3 |  |
|  |  |  | 極値を利用して、関数の最大値・最小値を求める能够。                          | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、関数の接線の方程式を求める能够。                         | 3 |  |
|  |  |  | 2次の導関数を利用して、グラフの凹凸を調べる能够。                          | 3 |  |
|  |  |  | 関数の媒介変数表示を理解し、媒介変数を利用して、その導関数を求める能够。               | 3 |  |
|  |  |  | 不定積分の定義を理解し、簡単な不定積分を求める能够。                         | 3 |  |
|  |  |  | 置換積分および部分積分を用いて、不定積分や定積分を求める能够。                    | 3 |  |

|  |  |  |   |   |  |
|--|--|--|---|---|--|
|  |  |  | 定積分の定義と微積分の基本定理を理解し、簡単な定積分を求めることができる。                     | 3 |  |
|  |  |  | 分数関数・無理関数・三角関数・指数関数・対数関数の不定積分・定積分を求めることができる。              | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、曲線で囲まれた図形の面積を定積分で求めることができる。                     | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、曲線の長さを定積分で求めることができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な場合について、立体の体積を定積分で求めることができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 2変数関数の定義域を理解し、不等式やグラフで表すことができる。                           | 3 |  |
|  |  |  | 合成関数の偏微分法を利用して、偏導関数を求めることができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な関数について、2次までの偏導関数を求めることができる。                            | 3 |  |
|  |  |  | 偏導関数を用いて、基本的な2変数関数の極値を求めることができる。                          | 3 |  |
|  |  |  | 2重積分の定義を理解し、簡単な2重積分を累次積分に直して求めることができる。                    | 3 |  |
|  |  |  | 極座標に変換することによって2重積分を求める能够である。                              | 3 |  |
|  |  |  | 2重積分を用いて、簡単な立体の体積を求める能够である。                               | 3 |  |
|  |  |  | 微分方程式の意味を理解し、簡単な変数分離形の微分方程式を解くことができる。                     | 3 |  |
|  |  |  | 簡単な1階線形微分方程式を解くことができる。                                    | 3 |  |
|  |  |  | 定数係数2階齊次線形微分方程式を解くことができる。                                 | 3 |  |
|  |  |  | 独立試行の確率、余事象の確率、確率の加法定理、排反事象の確率を理解し、簡単な場合について、確率を求める能够である。 | 3 |  |
|  |  |  | 条件付き確率、確率の乗法定理、独立事象の確率を理解し、簡単な場合について確率を求める能够である。          | 3 |  |
|  |  |  | 1次元のデータを整理して、平均・分散・標準偏差を求める能够である。                         | 3 |  |

#### 評価割合

|         | 前半の課題 | 後半の課題 | 合計  |
|---------|-------|-------|-----|
| 総合評価割合  | 60    | 40    | 100 |
| 基礎的能力   | 60    | 40    | 100 |
| 専門的能力   | 0     | 0     | 0   |
| 分野横断的能力 | 0     | 0     | 0   |