

仙台高等専門学校	開講年度	平成29年度(2017年度)	授業科目	解析学
科目基礎情報				
科目番号	0169	科目区分	専門 / 選択	
授業形態	講義	単位の種別と単位数	学修単位: 2	
開設学科	機械システム工学科	対象学年	4	
開設期	後期	週時間数	2	
教科書/教材	書名: 新訂 応用数学 著者: 碓永久他	発行所: 大日本図書		
担当教員	永弘 進一郎			

到達目標

この授業では、以下のことを身につける:
複素変数の基本的な四則計算。極形式を用いた複素数の扱い。複素関数の

ループリック

	理想的な到達レベルの目安	標準的な到達レベルの目安	未到達レベルの目安
留数の計算が出来る。	教員の助言無しに出来る	教員の助言があれば出来る	教員の助言があってもできない
留数定理を定積分へ応用できる。	教員の助言無しに出来る	教員の助言があれば出来る	教員の助言があってもできない
初等関数の定義域を複素数に拡張して計算できる	教員の助言無しに出来る	教員の助言があれば出来る	教員の助言があってもできない

学科の到達目標項目との関係

学科到達目標 1 機械工学に関する確かな基礎力を備えること。

学科到達目標 2 未来社会を担う電気・材料分野を融合した新機械工学分野に対する応用力を備えること。

学校教育目標 2 創造的で高度な実践的技術者の養成

教育方法等

概要	この授業では、複素関数論の講義を行う。エンジニアにとって材料の設計や分析・解析時に必要となる数学的解法を身につける。
授業の進め方・方法	中間・期末試験、授業中に使う演習、レポートで総合的に評価する。
注意点	毎回の授業前までに、授業で使う内容と意義を考えて整理しておくこと。毎回の授業後には指定された演習問題を行うこと。

授業計画

	週	授業内容	週ごとの到達目標
後期	1週	導入—虚数は「虚な数」ではない	虚数の導入。複素数を回転させる。極形式からオイラーの公式を導出。加法定理の再導出。
	2週	$z = \exp(i\theta)$ を使って方程式を計算しよう	複素数の足し算、かけ算を再確認。単純な代数方程式の根を極形式をつかって求める。
	3週	演習の時間 1	複素数基本的な計算についての演習問題を行なう
	4週	z が変数だと、初等関数は姿を変える。その 1	$\sin(z)$ は、指数関数である。 $\exp(z)$ は三角関数である。 e^{-z} 。 z のべき乗は二つ以上の値を持つ、 $\log(z)$ は無限個の値を持つ。
	5週	z が変数だと、初等関数は姿を変える。その 2	三次元世界の我々には、複素関数の姿は理解できないのか？何か方法は無いのか？
	6週	いよいよ複素関数を微分しよう。複素数で微分するとはどういうことか？	そもそも、「微分が可能」とはどういうことか？「東西方向の微分」と「南北方向の微分」、そしてコーシー・リーマン関係式へ。
	7週	演習の時間 2	極形式、方程式の根を求める、複素関数の解析性をコーシー・リーマン関係式を用いて調べる演習をおこなう
	8週	複素関数の積分 1：曲線に沿って積分する	実数関数の積分との本質的な違いとは？二次元の平面上の曲線に沿った積分を理解する。線積分の基本的な性質。円と直線経路の表し方。
4thQ	9週	複素関数の積分 2：具体的に計算してみよう	単純な例を用いて、積分を計算してみる。定積分の計算のように、始点と終点が同じで、経路が異なる積分の値は異なるのか？
	10週	複素関数の積分 3：周回積分はなぜ重要か？	周回積分の値が意味することは？コーシーの積分定理とは？
	11週	コーシーの積分公式	
	12週	級数展開	
	13週	留数定理	
	14週	実関数の定積分 1	
	15週	実関数の定積分 2	
	16週	実関数の定積分 3	

モデルコアカリキュラムの学習内容と到達目標

分類	分野	学習内容	学習内容の到達目標	到達レベル	授業週
基礎的能力	数学	数学	整式の加減乗除の計算や、式の展開ができる。	3	
			因数定理等を利用して、4次までの簡単な整式の因数分解ができる。	3	
			分数式の加減乗除の計算ができる。	3	後3
			実数・絶対値の意味を理解し、絶対値の簡単な計算ができる。	3	
			平方根の基本的な計算ができる(分母の有理化も含む)。	3	
			複素数の相等を理解し、その加減乗除の計算ができる。	3	
			解の公式等を利用して、2次方程式を解くことができる。	3	

			因数定理等を利用して、基本的な高次方程式を解くことができる。 簡単な連立方程式を解くことができる。 無理方程式・分数方程式を解くことができる。 1次不等式や2次不等式を解くことができる。 1元連立1次不等式を解くことができる。 基本的な2次不等式を解くことができる。 恒等式と方程式の違いを区別できる。 2次関数の性質を理解し、グラフをかくことができ、最大値・最小値を求めることができる。 分数関数や無理関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。 簡単な場合について、関数の逆関数を求め、そのグラフをかくことができる。 無理関数の性質を理解し、グラフをかくことができる。 関数のグラフと座標軸との共有点を求める能够在する。 累乗根の意味を理解し、指数法則を拡張し、計算に利用することができます。 指数関数の性質を理解し、グラフをかく能够在する。 指数関数を含む簡単な方程式を解く能够在する。 対数の意味を理解し、対数を利用した計算能够在する。 対数関数の性質を理解し、グラフをかく能够在する。 対数関数を含む簡単な方程式を解く能够在する。 三角比を理解し、三角関数表を用いて三角比を求める能够在する。一般角の三角関数の値を求める能够在する。 角を弧度法で表現する能够在する。 三角関数の性質を理解し、グラフをかく能够在する。 加法定理および加法定理から導出される公式等を使う能够在する。 三角関数を含む簡単な方程式を解く能够在する。 2点間の距離を求める能够在する。 内分点の座標を求める能够在する。 通る点や傾きから直線の方程式を求める能够在する。 2つの直線の平行・垂直条件を利用して、直線の方程式を求める能够在する。 簡単な場合について、円の方程式を求める能够在する。 積の法則と和の法則を利用して、簡単な事象の場合の数を数える能够在する。 簡単な場合について、順列と組合せの計算能够在する。 等差数列・等比数列の一般項やその和を求める能够在する。 総和記号を用いた簡単な数列の和を求める能够在する。 不定形を含むいろいろな数列の極限を求める能够在する。 無限等比級数等の簡単な級数の収束・発散を調べ、その和を求める能够在する。 ベクトルの定義を理解し、ベクトルの基本的な計算(和・差・定数倍)ができ、大きさを求める能够在する。 平面および空間ベクトルの成分表示ができ、成分表示を利用して簡単な計算能够在する。 平面および空間ベクトルの内積を求める能够在する。 問題を解くために、ベクトルの平行・垂直条件を利用することができます。 空間内の直線・平面・球の方程式を求める能够在する(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。 行列の定義を理解し、行列の和・差・スカラーとの積、行列の積を求める能够在する。 行列の和・差・数との積の計算能够在する。 行列の積の計算能够在する。 逆行列の定義を理解し、2次の正方行列の逆行列を求める能够在する。 行列式の定義および性質を理解し、基本的な行列式の値を求める能够在する。 線形変換の定義を理解し、線形変換を表す行列を求める能够在する。 合成変換や逆変換を表す行列を求める能够在する。 平面内の回転に対応する線形変換を表す行列を求める能够在する。 簡単な場合について、関数の極限を求める能够在する。 微分係数の意味や、導関数の定義を理解し、導関数を求める能够在する。 導関数の定義を理解している。	3	
--	--	--	---	---	--

			積・商の導関数の公式を用いて、導関数を求める能够である。 合成関数の導関数を求める能够である。 三角関数・指数関数・対数関数の導関数を求める能够である。 逆三角関数を理解し、逆三角関数の導関数を求める能够である。 関数の増減表を書いて、極値を求め、グラフの概形をかくことができる。 極値を利用して、関数の最大値・最小値を求める能够である。 簡単な場合について、関数の接線の方程式を求める能够である。 2次の導関数を利用して、グラフの凹凸を調べる能够である。 関数の媒介変数表示を理解し、媒介変数を利用して、その導関数を求める能够である。 不定積分の定義を理解し、簡単な不定積分を求める能够である。 置換積分および部分積分を用いて、不定積分や定積分を求める能够である。 定積分の定義と微積分の基本定理を理解し、簡単な定積分を求める能够である。 微積分の基本定理を理解している。 定積分の基本的な計算ができる。 置換積分および部分積分を用いて、定積分を求める能够である。 分数関数・無理関数・三角関数・指数関数・対数関数の不定積分・定積分を求める能够である。 簡単な場合について、曲線で囲まれた図形の面積を定積分で求めることができる。 簡単な場合について、曲線の長さを定積分で求めることができる。 簡単な場合について、立体の体積を定積分で求め POSSIBILITY OF BEING ABLE TO DO IT 能够である。 2変数関数の定義域を理解し、不等式やグラフで表す能够である。 いろいろな関数の偏導関数を求める能够である。 合成関数の偏微分法を利用して、偏導関数を求める能够である。 簡単な関数について、2次までの偏導関数を求める能够である。 偏導関数を用いて、基本的な2変数関数の極値を求める能够である。 2重積分の定義を理解し、簡単な2重積分を累次積分に直して求める能够である。 2重積分を累次積分になおして計算する能够である。 極座標に変換することによって2重積分を求める能够である。 2重積分を用いて、簡単な立体の体積を求める能够である。 微分方程式の意味を理解し、簡単な変数分離形の微分方程式を解く能够である。 基本的な変数分離形の微分方程式を解く能够である。 簡単な1階線形微分方程式を解く能够である。 定数係数2階齊次線形微分方程式を解く能够である。 独立試行の確率、余事象の確率、確率の加法定理、排反事象の確率を理解し、簡単な場合について、確率を求める能够である。 条件付き確率、確率の乗法定理、独立事象の確率を理解し、簡単な場合について確率を求める能够である。 1次元のデータを整理して、平均・分散・標準偏差を求める能够である。	3	
--	--	--	--	---	--

評価割合

	試験	発表	相互評価	態度	ポートフォリオ	小テスト	合計
総合評価割合	80	0	0	0	0	20	100
基礎的能力	80	0	0	0	0	20	100
専門的能力	0	0	0	0	0	0	0
分野横断的能力	0	0	0	0	0	0	0