

高知工業高等専門学校	開講年度	令和02年度(2020年度)	授業科目	数学概論A
科目基礎情報				
科目番号	5408	科目区分	専門 / 選択	
授業形態	講義	単位の種別と単位数	履修単位: 1	
開設学科	環境都市デザイン工学科	対象学年	4	
開設期	後期	週時間数	2	
教科書/教材	教科書:岡本和夫他「新版 線形代数」(実教出版), 岡本和夫他「新版 微分積分Ⅱ」(実教出版)			
担当教員	土井 克則			

到達目標

- 行列の階数・逆行列・行列式の値を求めることができる。また、行列の正則性の定義、および行列式や階数との関係を説明できる
- 連立一次方程式を解くことができる。また、連立一次方程式の解と係数行列・拡大係数行列の階数との関係を説明できる
- 行列の固有値・固有ベクトルの定義と意味を理解し、それらを求めることができる
- 行列の対角化の方法と意味を理解し、対称行列を直交行列で対角化することができる
- 多変数関数のティラー展開の意味を理解し、それを求めることができる
- 陰関数の極値問題や条件付き極値問題の解法を理解し、それらの極値を求めることができる

ループリック

	理想的な到達レベルの目安	標準的な到達レベルの目安	未到達レベルの目安
評価項目1	行列の階数や正則性の意味を理解し、それを理工学の問題に応用できる	行列の階数・逆行列・行列式の値を求めることができる。かつ、行列の正則性の定義、および行列式や階数との関係を説明できる	行列の階数・逆行列・行列式の値を求めることができない。または、行列の正則性の定義、および行列式や階数との関係を説明できない
評価項目2	連立一次方程式の解と係数行列・拡大係数行列の階数との関係を理解し、それを理工学の問題に応用できる	連立一次方程式を解くことができる。かつ、連立一次方程式の解と係数行列・拡大係数行列の階数との関係を説明できる	連立一次方程式を解くことができない。または、連立一次方程式の解と係数行列・拡大係数行列の階数との関係を説明できない
評価項目3	行列の固有値と固有ベクトルの意味を理解し、それを理工学の問題に応用できる	行列の固有値と固有ベクトルを求めることができる。かつ、固有値と固有ベクトルの定義を説明できる	行列の固有値と固有ベクトルを求めることができない。または、固有値と固有ベクトルの定義を説明できない
評価項目4	行列の対角化の意味を理解し、それを理工学の問題に応用できる	対称行列を直交行列で対角化することができる	対称行列を直交行列で対角化することができない
評価項目5	多変数関数のティラー展開の意味を理解し、それを理工学の問題に応用できる	多変数関数のティラー展開を求めることができる	多変数関数のティラー展開を求めることができない
評価項目6	陰関数の極値問題や条件付き極値問題の解法を理解し、それを理工学の問題に応用できる	陰関数の極値問題および条件付き極値問題を解くことができる	陰関数の極値問題または条件付き極値問題を解くことができない

学科の到達目標項目との関係

学習・教育到達度目標 (B)
JABEE評価 基準1(2)(c) JABEE評価 基準1(2)(d)(1)

教育方法等

概要	理工学において非常に重要な数学の一つである線形代数について、その基本的な考え方を理解する。また、理工学で広く用いられるティラー展開と、最適化問題としての極値問題について、その基本的な考え方を理解する。これらを学び、理工学に関する問題を解くことができる力を養う。
授業の進め方・方法	原則として講義形式で行う。適宜、レポート課題を課す。
注意点	試験の成績を70%の割合で、また平素の学習状況としてレポート課題の提出状況や内容を30%の割合で総合的に評価する。 学年の評価は後学期中間、学年末の2つの期間の評価の平均とする。 技術者が身につけるべき専門基礎能力として、到達目標に対する達成度を試験等によって評価する。

授業計画

	週	授業内容	週ごとの到達目標
後期	1週	行列と逆行式[1]: 行列の階数・逆行列・行列式	行列の階数・逆行列・行列式の値を求めることができる
	2週	行列と逆行式[2]: 行列の正則性とその条件	行列の正則性の定義、および行列式や階数との関係を理解し、説明できる
	3週	連立一次方程式[1]: 連立一次方程式の解法	任意の連立一次方程式を解くことができる
	4週	連立一次方程式[2]: 係数行列・拡大係数行列の階数と方程式の解	連立一次方程式の解と係数行列・拡大係数行列の階数との関係を理解し、説明できる
	5週	ベクトル空間と線形写像[1]: 部分空間の基底・次元・座標	部分空間の基底・次元・座標の意味を理解し、基底と次元を求めることができる
	6週	ベクトル空間と線形写像[2]: 線形写像とその像・核	線形写像の意味を理解し、その像と核を求めることができる
	7週	固有値と固有ベクトル[1]: 固有値と固有ベクトルの意味	固有値と固有ベクトルの定義とその意味を理解し、説明できる
	8週	固有値と固有ベクトル[2]: 固有値と固有ベクトルの求め方	固有値と固有ベクトルを求めることができる
4thQ	9週	行列の対角化[1]: 行列を対角化する方法	行列を対角化する方法とその意味を理解し、説明できる
	10週	行列の対角化[2]: 直交行列による対称行列の対角化	対称行列を直交行列によって対角化することができる
	11週	行列の対角化の応用[1]: 連立漸化式・連立微分方程式への応用	行列の対角化を用いて、連立漸化式や連立微分方程式を解くことができる

	12週	行列の対角化の応用[2] : 二次形式の標準化	行列の対角化を用いて、二次形式を標準化することができる
	13週	多変数関数の全微分とテイラー展開[1] : 全微分とチェーンルール	全微分とチェーンルールの意味を理解し、説明できる
	14週	多変数関数の全微分とテイラー展開[2] : 多変数関数のテイラー展開	多変数関数のテイラー展開の意味を理解し、それを求めることができる
	15週	様々な極値問題[1] : 陰関数の極値問題	陰関数の極値問題の解法を理解し、問題を解くことができる
	16週	様々な極値問題[2] : 条件付き極値問題	条件付き極値問題の解法を理解し、問題を解くことができる

モデルコアカリキュラムの学習内容と到達目標

分類	分野	学習内容	学習内容の到達目標	到達レベル	授業週
基礎的能力	数学	数学	ベクトルの定義を理解し、ベクトルの基本的な計算(和・差・定数倍)ができ、大きさを求めることができる。	4	後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			平面および空間ベクトルの成分表示ができ、成分表示を利用して簡単な計算ができる。	4	後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			平面および空間ベクトルの内積を求めることができる。	4	後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			問題を解くために、ベクトルの平行・垂直条件を利用することができる。	4	後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			空間内の直線・平面・球の方程式を求める能够(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。	4	後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			行列の定義を理解し、行列の和・差・スカラーとの積、行列の積を求める能够。	4	後1, 後2, 後3, 後4, 後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			逆行列の定義を理解し、2次の正方行列の逆行列を求める能够。	4	後1, 後2, 後3, 後4, 後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			行列式の定義および性質を理解し、基本的な行列式の値を求める能够。	4	後1, 後2, 後3, 後4, 後5, 後6, 後7, 後8, 後9, 後10, 後11, 後12
			線形変換の定義を理解し、線形変換を表す行列を求める能够。	4	後5, 後6, 後12
			合成変換や逆変換を表す行列を求める能够。	4	後5, 後6, 後12
			平面内の回転に対応する線形変換を表す行列を求める能够。	4	後5, 後6, 後12
			2変数関数の定義域を理解し、不等式やグラフで表す能够。	4	後13, 後14, 後15, 後16
			合成関数の偏微分法を利用して、偏導関数を求める能够。	4	後13, 後14, 後15, 後16
			簡単な関数について、2次までの偏導関数を求める能够。	4	後13, 後14, 後15, 後16
			偏導関数を用いて、基本的な2変数関数の極値を求める能够。	4	後14, 後15, 後16
			2重積分の定義を理解し、簡単な2重積分を累次積分に直して求める能够。	4	

評価割合

	試験	その他	合計
総合評価割合	70	30	100
基礎的能力	70	30	100