

| 熊本高等専門学校  | 開講年度   | 平成28年度(2016年度)                    | 授業科目                          | 数学II |
|---|--|-----------------------------------|-------------------------------|------|
| 科目基礎情報  |  |                                   |                               |      |
| 科目番号  | 0004   | 科目区分                              | 一般 / 必修                       |      |
| 授業形態  | 授業   | 単位の種別と単位数                         | 履修単位: 6                       |      |
| 開設学科  | 共通教育科(八代)  | 対象学年                              | 2                             |      |
| 開設期   | 通年   | 週時間数                              | 6                             |      |
| 教科書/教材  | [微積] 高専テキストシリーズ 基礎数学 森北出版 および 高専テキストシリーズ 微分積分1 森北出版<br>[ベクトル] 高専テキストシリーズ 線形代数 森北出版   |                                   |                               |      |
| 担当教員  | 五十川 読,濱田 さやか,小鉢 暢夫   |                                   |                               |      |
| 到達目標  |  |                                   |                               |      |
| [微積]  |  |                                   |                               |      |
| 1.  | 基本的な数列の一般項や部分和に関する基本的な問題が解ける。また、無限数列の極限および和に関する基本的な問題が解ける。<br>(項目)等差数列／等比数列／いろいろな数列の和／無限数列の極限／無限数列の和   |                                   |                               |      |
| 2.  | 関数の極限および微分に関する簡単な計算ができる。また、増減と極値を調べて基本的な関数が表すグラフをかくことができる。<br>(項目)関数の極限／導関数の計算／接線／関数の極大極小／積と商の導関数／合成関数の導関数   |                                   |                               |      |
| 3.  | いろいろな関数の導関数に関する基本的な問題が解ける。<br>(項目)対数関数の導関数／指數関数の導関数／三角関数の導関数／逆三角関数の導関数   |                                   |                               |      |
| 4.  | 不定積分および定積分に関する基本的な問題が解ける。<br>(項目)定積分／置換積分法／部分積分法／不定積分  |                                   |                               |      |
| [ベクトル]  |  |                                   |                               |      |
| 1.  | 点と直線における簡単な問題を解くことができる。<br>(項目)内分点／距離の公式／直線の方程式／円  |                                   |                               |      |
| 2.  | 2次曲線、不等式の表す領域に関する基本的な性質について取り扱うことができる。また、平面ベクトルの簡単な計算ができる。<br>(項目)2次曲線(楕円・双曲线・放物線)／不等式の表す領域／ベクトルの演算  |                                   |                               |      |
| 3.  | 成分表示された平面ベクトルに関する基本的な問題が解ける。<br>(項目)平面ベクトルの成分と計算／直線の方程式(方向ベクトル・法線ベクトル)   |                                   |                               |      |
| 4.  | ベクトルの内積に関する簡単な計算ができる。また、空間图形に関する基本的な問題を解くことができる。<br>(項目)ベクトルの内積／空間图形(直線・平面・球)の方程式  |                                   |                               |      |
| ルーブリック  |  |                                   |                               |      |
| 評価項目1<br>[微積] 基本的な数列の一般項や部分和に関する基本的な問題が解ける。また、無限数列の極限および和に関する基本的な問題が解ける。<br>[ベクトル] 点と直線における簡単な問題を解くことができる。    | 理想的な到達レベルの目安   | 標準的な到達レベルの目安                      | 未到達レベルの目安                     |      |
| 評価項目2<br>[微積] いろいろな関数の導関数に関する基本的な問題が解ける。<br>[ベクトル] 2次曲線、不等式の表す領域に関する基本的な性質について取り扱うことができる。また、平面ベクトルの簡単な計算ができる。 | 到達目標の項目に関する問題に対して8割以上を正答することができる。  | 到達目標の項目に関する問題に対して6割以上を正答することができる。 | 到達目標の項目に関する問題に対して6割未満の正答しかない。 |      |
| 評価項目3<br>[微積] いろいろな関数の導関数に関する基本的な問題が解ける。<br>[ベクトル] 成分表示された平面ベクトルに関する基本的な問題が解ける。                               | 到達目標の項目に関する問題に対して8割以上を正答することができる。  | 到達目標の項目に関する問題に対して6割以上を正答することができる。 | 到達目標の項目に関する問題に対して6割未満の正答しかない。 |      |
| 評価項目4<br>[微積] いろいろな関数の導関数に関する基本的な問題が解ける。<br>[ベクトル] ベクトルの内積に関する簡単な計算ができる。また、空間图形に関する基本的な問題を解くことができる。           | 到達目標の項目に関する問題に対して8割以上を正答することができる。  | 到達目標の項目に関する問題に対して6割以上を正答することができる。 | 到達目標の項目に関する問題に対して6割未満の正答しかない。 |      |
| 学科の到達目標項目との関係   |  |                                   |                               |      |
| 本科到達目標 3-1  |  |                                   |                               |      |
| 教育方法等   |  |                                   |                               |      |
| 概要  | [微積] 本科目は、数列、極限、1変数の基本的な微分積分を取り扱い、数学Iで学んだ知識全般を基礎としている。また、数学III(3年)で学ぶ微分積分さらには多変数の微分積分学(4年)を学ぶための基礎となる。<br>[ベクトル] 本科目は、直線、2次曲線、不等式の表す領域、そして平面および空間のベクトルについて取り扱い、数学Iで学んだ知識全般を基礎としている。また、数学III(3年)で学ぶ行列・1次変換と行列式と行列の応用(4年)の基礎にあたる科目である。   |                                   |                               |      |
| 授業の進め方・方法   | (授業方針) 本講義は教科書を中心に進め、次の達成目標に関する解説と演習を行う。また、適宜授業内容を確認するための試験を実施する。[微積]では、数列および極限を導入とし、微分積分における基本的な知識の修得と簡単な計算ができるようになることを目標とする。また、直線と円についても学ぶ。[ベクトル]では、2次曲線、不等式の表す領域、図形の性質、平面および空間のベクトルにおける基本的な知識の修得と簡単な計算ができるようになることを目標とする。<br>(評価方法) 4回の定期試験の成績(80%)と、適宜実施する試験の成績(20%)によって目標項目の達成度を評価する。尚、数学II(微積)の成績と数学II(ベクトル)の成績を2:1の比で算出したものを数学IIの成績とする。評価の低い学生に対しては、再評価を行うこともある。 |                                   |                               |      |
| 注意点   | (学習方法) 講義で取扱った授業内容は、教科書や問題集等を解くことにより復習を行う。また、次回の講義に該当する箇所について、教科書を一読し予習してくる。<br>(連絡事項) 基本問題を何回も正確に解くことが大切です。また、講義や演習に関する質問は、数学科全員で対応しています。放課後を利用し気軽に声をかけてください。   |                                   |                               |      |
| 授業計画  |  |                                   |                               |      |
|   | 週  | 授業内容                              | 週ごとの到達目標                      |      |

|    |      |     |   |  |
|----|------|-----|---|--|
| 前期 | 1stQ | 1週  | 【微積】 数列／等差数列<br>【ベクトル】 直線上の点の座標                   | <input type="checkbox"/> 等差数列の一般項を求める問題<br><input type="checkbox"/> 等差数列の和を求める問題   |
|    |      | 2週  | 【微積】 等比数列<br>【ベクトル】 平面上の点の座標                      | <input type="checkbox"/> 等比数列の一般項を求める問題<br><input type="checkbox"/> 等比数列の和を求める問題<br><input type="checkbox"/> 平面上の2点間の距離を求める問題<br><input type="checkbox"/> 線分を内分する点の座標を求める問題<br><input type="checkbox"/> 三角形の重心を求める問題   |
|    |      | 3週  | 【微積】 いろいろな数列<br>【ベクトル】 直線の方程式                     | <input type="checkbox"/> 総和の記号を用いた問題<br><input type="checkbox"/> 通る点と傾きから直線の方程式を求める問題<br><input type="checkbox"/> 2点を通る直線の方程式を求める問題  |
|    |      | 4週  | 【微積】 数列の極限<br>【ベクトル】 2直線の関係                       | <input type="checkbox"/> 数列の極限の収束・発散に関する問題<br><input type="checkbox"/> 2つの平行な直線に関する問題<br><input type="checkbox"/> 2つの垂直な直線に関する問題   |
|    |      | 5週  | 【微積】 級数とその和<br>【ベクトル】 円                           | <input type="checkbox"/> 級数の収束・発散に関する問題<br><input type="checkbox"/> 等比級数の収束・発散に関する問題<br><input type="checkbox"/> 円の方程式を求める問題<br><input type="checkbox"/> 円の中心の座標と半径を求める問題  |
|    |      | 6週  | 【微積】 数列の漸化式／数学的帰納法<br>【ベクトル】 円                    | <input type="checkbox"/> 漸化式に関する問題<br><input type="checkbox"/> 数学的帰納法に関する問題<br><input type="checkbox"/> 円と直線の関係に関する問題  |
|    |      | 7週  | 【微積】 関数の収束と発散<br>【ベクトル】 2次曲線                      | <input type="checkbox"/> 関数の極限の収束・発散に関する問題<br><input type="checkbox"/> 基本的な橢円を表す方程式から、その概形をかく問題[焦点]  |
|    |      | 8週  | (前期中間試験)  | 評価項目 1   |
| 後期 | 2ndQ | 9週  | 【微積】 関数の連続性／平均変化率と微分係数<br>【ベクトル】 2次曲線             | <input type="checkbox"/> 導関数の定義に関する問題<br><input type="checkbox"/> 基本的な双曲線を表す方程式から、その概形をかく問題[焦点, 減近線]   |
|    |      | 10週 | 【微積】 平均変化率と微分係数／導関数<br>【ベクトル】 2次曲線                | <input type="checkbox"/> 導関数を求める問題[整関数の微分公式]<br><input type="checkbox"/> 基本的な放物線を表す方程式から、その概形をかく問題[焦点, 準線]   |
|    |      | 11週 | 【微積】 合成関数と関数の積の導関数<br>【ベクトル】 2次曲線と直線              | <input type="checkbox"/> 導関数を求める問題[積の微分公式, 合成関数の微分公式]<br><input type="checkbox"/> 不等式の表す領域を図示する問題  |
|    |      | 12週 | 【微積】 関数のグラフの接線／導関数の符号と関数の増減<br>【ベクトル】 不等式の表す領域    | <input type="checkbox"/> 曲線上の点における接線を求める問題<br><input type="checkbox"/> 連立不等式が表す領域を図示する問題   |
|    |      | 13週 | 【微積】 導関数の符号と関数の増減<br>【ベクトル】 領域における最大値・最小値         | <input type="checkbox"/> 増減表を作成し曲線の概形を描く問題<br><input type="checkbox"/> 領域の最大値・最小値を求める問題  |
|    |      | 14週 | 【微積】 関数の最大値・最小値／分数関数の導関数<br>【ベクトル】 ベクトルとその演算      | <input type="checkbox"/> 指定された範囲での関数の最大値及び最小値を求める問題<br><input type="checkbox"/> 導関数を求める問題[商の微分公式]<br><input type="checkbox"/> ベクトルの定義に関する問題  |
|    |      | 15週 | 【微積】 無理関数の導関数／対数関数の導関数<br>【ベクトル】 ベクトルとその演算        | <input type="checkbox"/> 導関数を求める問題[基本的な微分公式]<br><input type="checkbox"/> 対数を含む関数の導関数を求める問題<br><input type="checkbox"/> ベクトルの基本的な計算に関する問題（和・差および実数倍）  |
|    |      | 16週 | (前期末試験)   | 評価項目 2   |
| 後期 | 3rdQ | 1週  | 【微積】 指数関数の導関数／三角関数の導関数<br>【ベクトル】 点の位置ベクトル         | <input type="checkbox"/> 指数関数, 三角関数を含む関数の導関数を求める問題<br><input type="checkbox"/> 位置ベクトルに関する問題（内分）  |
|    |      | 2週  | 【微積】 逆三角関数の導関数<br>【ベクトル】 座標と距離                    | <input type="checkbox"/> 逆三角関数の値を求める問題<br><input type="checkbox"/> 逆三角関数の導関数を求める問題   |
|    |      | 3週  | 【微積】 微分法の応用II<br>【ベクトル】 ベクトルの成分表示と大きさ             | <input type="checkbox"/> 曲線上の点における接線を求める問題<br><input type="checkbox"/> ベクトルの成分表示における基本的な計算問題（和・差および実数倍）  |
|    |      | 4週  | 【微積】 関数の増減と変曲点／関数の最大値・最小値<br>【ベクトル】 ベクトルの成分表示と大きさ | <input type="checkbox"/> 増減表を作成し曲線の概形を描く問題<br><input type="checkbox"/> 指定された範囲での関数の最大値及び最小値を求める問題<br><input type="checkbox"/> 第2次導関数を計算する問題<br><input type="checkbox"/> 第2次導関数を用いて極値を判定する問題<br><input type="checkbox"/> ベクトルの大きさに関する問題<br><input type="checkbox"/> 増減及び凹凸表を作成して、曲線の概形を描く問題 |
|    |      | 5週  | 【微積】 微分と近似／いろいろな変化率<br>【ベクトル】 方向ベクトルと直線           | <input type="checkbox"/> 2つのベクトルの平行条件に関する問題  |
|    |      | 6週  | 【微積】 定積分<br>【ベクトル】 方向ベクトルと直線                      | <input type="checkbox"/> 区分求積法に関する問題   |
|    |      | 7週  | 【微積】 定積分の計算と面積<br>【ベクトル】 方向ベクトルと直線                | <input type="checkbox"/> 微分積分学の基本定理に関する問題<br><input type="checkbox"/> 定積分の値を求める問題[基本公式]  |
|    |      | 8週  | (後期中間試験)  | 評価項目 3   |
| 後期 | 4thQ | 9週  | 【微積】 定積分の置換積分法<br>【ベクトル】 ベクトルの内積                  | <input type="checkbox"/> 定積分の値を求める問題[置換積分法]<br><input type="checkbox"/> ベクトルの内積を計算する問題   |
|    |      | 10週 | 【微積】 定積分の部分積分法<br>【ベクトル】 ベクトルの内積                  | <input type="checkbox"/> 定積分の値を求める問題[部分積分法]<br><input type="checkbox"/> 2つのベクトルのなす角を求める問題  |
|    |      | 11週 | 【微積】 いろいろな定積分<br>【ベクトル】 ベクトルの内積                   | <input type="checkbox"/> 部分積分法の応用に関する問題<br><input type="checkbox"/> 2つのベクトルの垂直条件に関する問題   |
|    |      | 12週 | 【微積】 面積／体積<br>【ベクトル】 直線または平面の方程式                  | <input type="checkbox"/> 图形の面積を求める問題<br><input type="checkbox"/> 图形をx軸のまわりに回転してできる立体の体積を求める問題<br><input type="checkbox"/> 空間座標の直線の方程式を求める問題  |

|  |  |     |                                       |   |
|--|--|-----|---------------------------------------|---|
|  |  | 13週 | [微積] 速度と位置／不定積分<br>[ベクトル] 直線または平面の方程式 | [□] 不定積分の定義に関する問題<br>[□] 不定積分を求める問題[基本公式]<br>[□] 空間座標の平面の方程式を求める問題      |
|  |  | 14週 | [微積] 不定積分の置換積分<br>[ベクトル] 直線または平面の方程式  | [□] 不定積分を求める問題[置換積分法]<br>[□] 平面と直線の交点の座標を求める問題                          |
|  |  | 15週 | [微積] 不定積分の部分積分<br>[ベクトル] 円または球の方程式    | [□] 不定積分を求める問題[部分積分法]<br>[□] 空間座標の球面の方程式を求める問題<br>[□] 球面の中心の座標と半径を求める問題 |
|  |  | 16週 | (後期末試験)                               | 評価項目 4  |

### モデルコアカリキュラムの学習内容と到達目標

| 分類    | 分野 | 学習内容 | 学習内容の到達目標  | 到達レベル | 授業週         |
|-------|----|------|--|-------|-------------|
| 基礎的能力 | 数学 | 数学   | 2点間の距離を求めることができる。  | 3     | 前2          |
|       |    |      | 内分点の座標を求めることができる。  | 3     | 前2          |
|       |    |      | 通る点や傾きから直線の方程式を求めることができる。                                | 3     | 前3          |
|       |    |      | 2つの直線の平行・垂直条件を利用して、直線の方程式を求めることができる。                     | 3     | 前4          |
|       |    |      | 簡単な場合について、円の方程式を求めることができる。                               | 3     | 前5          |
|       |    |      | 等差数列・等比数列の一般項やその和を求めることができる。                             | 3     | 前1,前2       |
|       |    |      | 総和記号を用いた簡単な数列の和を求めることができる。                               | 3     | 前3          |
|       |    |      | 不定形を含むいろいろな数列の極限を求めることができる。                              | 3     | 前4          |
|       |    |      | 無限等比級数等の簡単な級数の収束・発散を調べ、その和を求めることができる。                    | 3     | 前5          |
|       |    |      | ベクトルの定義を理解し、ベクトルの基本的な計算(和・差・定数倍)ができ、大きさを求めることができる。       | 3     | 前14,前15     |
|       |    |      | 平面および空間ベクトルの成分表示ができ、成分表示を利用して簡単な計算ができる。                  | 3     | 後1,後3       |
|       |    |      | 平面および空間ベクトルの内積を求めることができる。                                | 3     | 後9          |
|       |    |      | 問題を解くために、ベクトルの平行・垂直条件を利用することができます。                       | 3     | 後5,後11      |
|       |    |      | 空間内の直線・平面・球の方程式を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。                   | 3     | 後12,後13,後15 |
|       |    |      | 簡単な場合について、関数の極限を求めることができる。                               | 3     | 前7          |
|       |    |      | 微分係数の意味や、導関数の定義を理解し、導関数を求めることができます。                      | 3     | 前9          |
|       |    |      | 導関数の定義を理解している。   | 3     | 前9          |
|       |    |      | 積・商の導関数の公式を用いて、導関数を求めることがができる。                           | 3     | 前11,前14     |
|       |    |      | 合成関数の導関数を求めることができる。                                      | 3     | 前11         |
|       |    |      | 三角関数・指数関数・対数関数の導関数を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。                | 3     | 前15,後1      |
|       |    |      | 逆三角関数を理解し、逆三角関数の導関数を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。               | 3     | 後2          |
|       |    |      | 関数の増減表を書いて、極値を求め、グラフの概形をかくことができる。                        | 3     | 前13         |
|       |    |      | 極値を利用して、関数の最大値・最小値を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。                | 3     | 前14         |
|       |    |      | 簡単な場合について、関数の接線の方程式を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。               | 3     | 前12,後3      |
|       |    |      | 不定積分の定義を理解し、簡単な不定積分を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。               | 3     | 後13         |
|       |    |      | 置換積分および部分積分を用いて、不定積分や定積分を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。          | 3     | 後14,後15     |
|       |    |      | 定積分の定義と微積分の基本定理を理解し、簡単な定積分を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。        | 3     | 後6          |
|       |    |      | 微積分の基本定理を理解している。   | 3     | 後7          |
|       |    |      | 定積分の基本的な計算ができる。  | 3     | 後7          |
|       |    |      | 置換積分および部分積分を用いて、定積分を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。               | 3     | 後9,後10      |
|       |    |      | 分数関数・無理関数・三角関数・指數関数・対数関数の不定積分・定積分を求める(必要に応じてベクトル方程式も扱う)。 | 3     | 後7,後13      |
|       |    |      | 簡単な場合について、曲線で囲まれた図形の面積を定積分で求めることができる。                    | 3     | 後12         |
|       |    |      | 簡単な場合について、立体の体積を定積分で求めることができる。                           | 3     | 後12         |

### 評価割合

|         | 試験 | 発表 | 相互評価 | 態度 | ポートフォリオ | その他 | 合計  |
|---------|----|----|------|----|---------|-----|-----|
| 総合評価割合  | 80 | 0  | 0    | 0  | 0       | 20  | 100 |
| 基礎的能力   | 80 | 0  | 0    | 0  | 0       | 20  | 100 |
| 専門的能力   | 0  | 0  | 0    | 0  | 0       | 0   | 0   |
| 分野横断的能力 | 0  | 0  | 0    | 0  | 0       | 0   | 0   |